

1ère

Résolution des équations du 2nd degré

$$ax^2 + bx + c = 0$$

Étape préliminaire: On vérifie que l'on a pas d'identité remarquable.

Ex: * $x^2 - 2x + 1 = 0 \xrightarrow{\text{id. rem.}} (x-1)^2 = 0 \xrightarrow[\text{mult.}]{\text{ég. prod.}} x-1=0 \Leftrightarrow x=1$

* $x^2 - 2x - 3 = 0 \rightarrow$ Pas d'identité remarquable

Étape 1: On calcule $\Delta = b^2 - 4ac$

Ex: * Pour $x^2 - 2x - 3 = 0$, on a $\Delta = (-2)^2 - 4 \times 1 \times (-3) = 4 + 12 = 16$

* Pour $7x^2 + x + 9 = 0$, on a $\Delta = (1)^2 - 4 \times 7 \times 9 = 1 - 252 = -251$

* Pour $x^2 - 2x + 1 = 0$, on a $\Delta = (-2)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 4 - 4 = 0$

Étape 2: On étudie le signe de Δ .

Ex: * Pour $x^2 - 2x - 3 = 0$, on a $\Delta > 0$.

* Pour $7x^2 + x + 9 = 0$, on a $\Delta < 0$.

* Pour $x^2 - 2x + 1 = 0$, on a $\Delta = 0$.

Étape 3: Selon le signe de Δ , on conclut:

Si $\Delta < 0$

Alors l'équation n'a pas de solution réelle

Si $\Delta = 0$

Alors l'équation admet une unique solution

$$x_0 = \frac{-b}{2a}$$

Si $\Delta > 0$

Alors l'équation admet deux solutions:

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

Étape 4: On note $S = \{ \dots \}$.