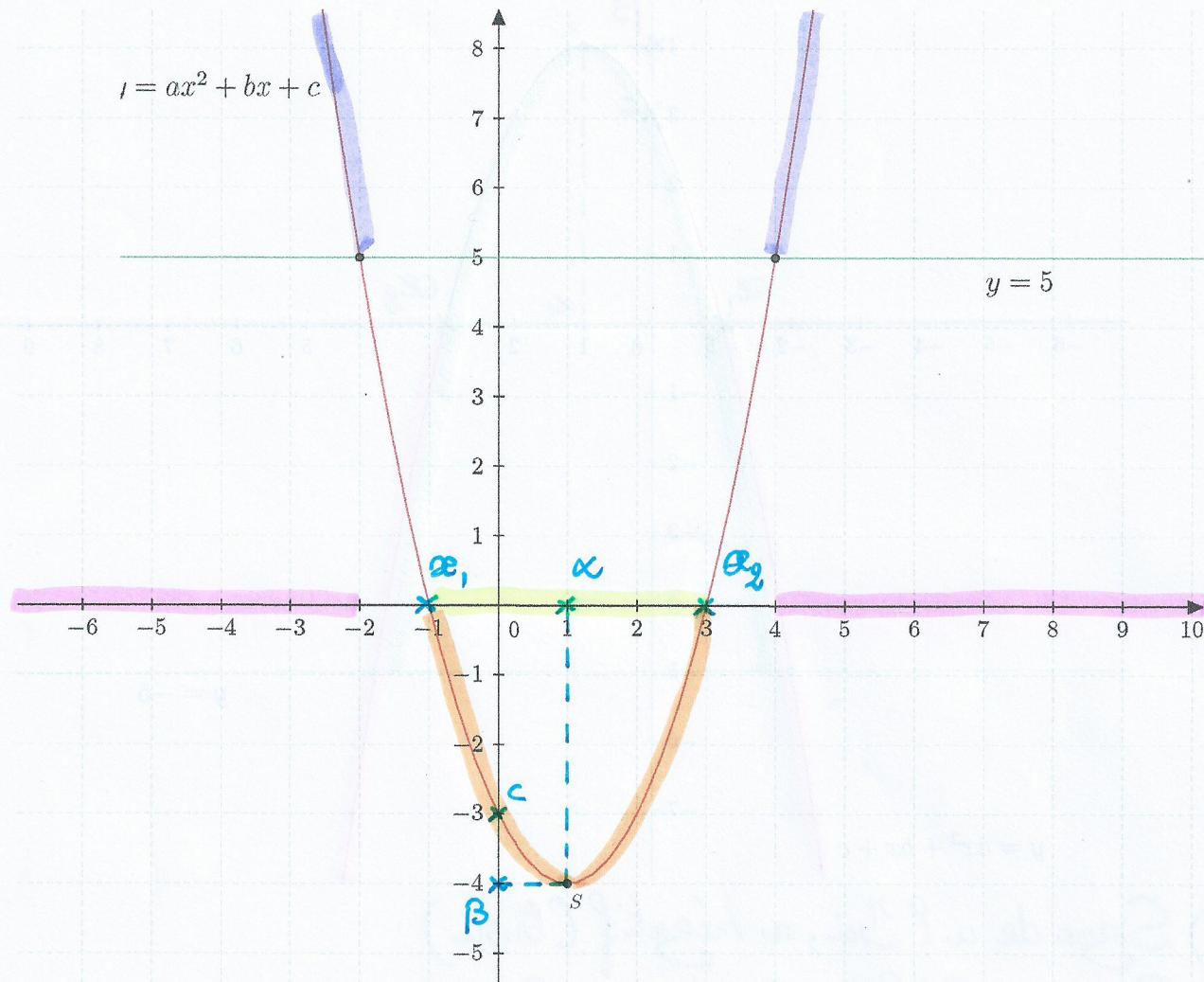


# Étude graphique des trinômes du seconde degré

## Premier cas

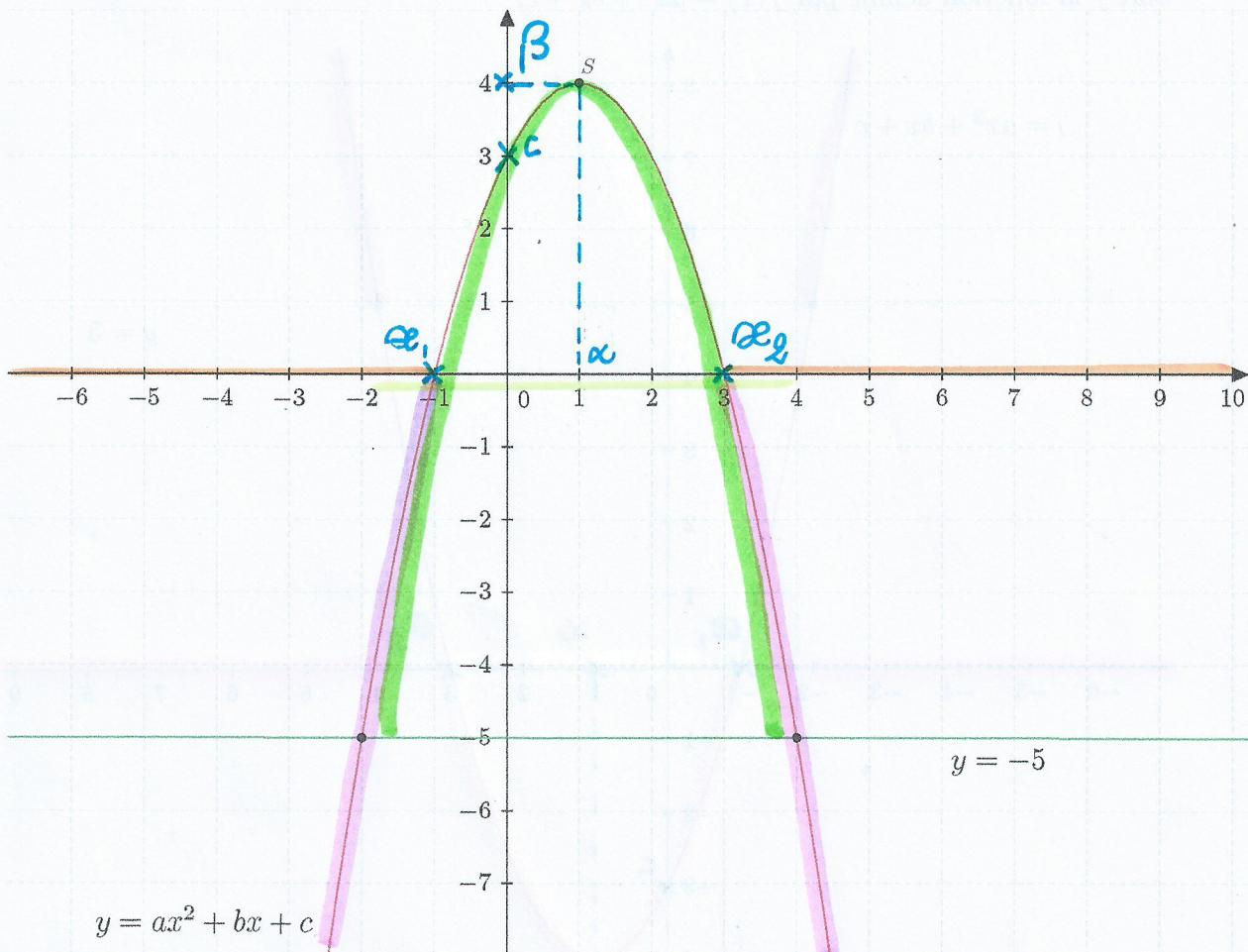
Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x) = ax^2 + bx + c$ .



- ① Que vaut  $a$ ? On peut déterminer son signe  $\hookrightarrow$  ici,  $a$  positif (sourire)
- ② Que vaut  $c$ ?  $c = f(0) \rightarrow$  ici  $c = -3$ .
- ③ Que vaut  $\alpha$ ?  $\alpha$  est l'abscisse du sommet  $\rightarrow$  ici  $\alpha = 1$
- ④ Que vaut  $\beta$ ?  $\beta$  est l'ordonnée du sommet  $/ \beta = f(\alpha) \rightarrow$  ici  $\beta = -4$
- ⑤ Quelles sont les racines? Ce sont les abscisses des points d'intersection de la courbe avec l'axe des abscisses  $\rightarrow$  ici  $\begin{cases} \alpha_1 = -1 \\ \alpha_2 = 3 \end{cases}$
- ⑥ Quelles sont les solutions de  $f(x) \leq 0$ ?  $S = [-1; 3]$
- ⑦ Quelles sont les solutions de  $f(x) > 5$ ?  $S = ]-\infty; -1] \cup ]3; +\infty[$

## Deuxième cas

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x) = ax^2 + bx + c$ .



- 1) Signe de  $a$ ? Ici,  $a$  négatif (triste)
- 2) Que vaut  $c$ ?  $f(0) = 3$ , donc  $c = 3$ .
- 3) Que vaut  $\alpha$ ? le sommet  $S$  a comme coordonnées  $(1, 4)$ ,
- 4) Que vaut  $\beta$ ? donc  $\alpha = 1$  et  $\beta = 4$ .
- 5) Quelles sont les racines ? On a  $\begin{cases} f(-1) = 0 \\ f(3) = 0 \end{cases}$ , donc  $\begin{cases} \alpha_1 = -1 \\ \alpha_2 = 3 \end{cases}$   
(= les antécédents de 0)
- 6) Quelles sont les solutions de  $f(\alpha) < 0$ ?  $\mathcal{S} = ]-\infty; -1] \cup [3; +\infty[$ .
- 7) Quelles sont les solutions de  $f(\alpha) > 5$ ?  $\mathcal{S} = ]-2; 4[$ .

2/2